

UFRGS - VESTIBULAR 2008 – RESOLUÇÃO DA PROVA DE MATEMÁTICA

26. (D)

$$\begin{array}{l} 6.40^2 \longrightarrow 10 \\ 6.80^2 \longrightarrow x \end{array} \quad \frac{6.40^2}{6.80^2} = \frac{10}{x} \quad 16x = 64.10 \quad x = 40$$


---

27. (C)

$$\frac{1}{10} \cdot \frac{1}{1.000.000.000} = \frac{1}{10^{10}} = 10^{-10}$$


---

28. (A)

Serviço telefônico = St

Serviço *internet* = Si

$$St < Si$$

$$0,95x < 0,05x + 0,10$$

$$0,90x < 0,10$$

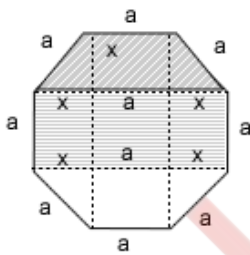
$$9x < 1$$

$$x < \frac{1}{9} \text{ min} = 6,6 \text{ seg}$$

O menor critério = 6 seg

---

29. (A)



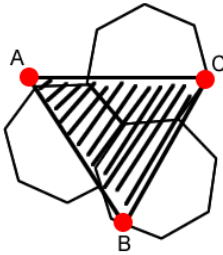
$$A_{\triangle} = x^2 + ax = \frac{a^2}{2} + a \cdot \frac{a\sqrt{2}}{2} = \frac{a^2}{2}(1 + \sqrt{2})$$

$$A_{\square} = a \cdot (2x + a) = 2a \cdot \frac{a\sqrt{2}}{2} + a^2 = a^2(\sqrt{2} + 1)$$

$$\frac{A_{\triangle}}{A_{\square}} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{\text{Área Trapézio}}{\text{Área Retângulo}} = \frac{1}{2}$$

30. (B)



Cada hexágono é composto de 6 triângulos equiláteros. O triângulo com vértices A,B e C possui 9 triângulos equiláteros.

$$\text{Assim } A\Delta = 9 \cdot \frac{8}{6} = 12$$


---

31. (B)

Do grande quadrado, cuja área é formada por 36 pequenos quadrados, retinha-se as

áreas não sombreadas cada uma tem  $A\Delta = \frac{6 \cdot 2}{2} = 6$ .

$$\text{Assim, } A_{\text{SOMBREADA}} = 36 - 4 \cdot 6 = 36 - 24 = 12$$


---

32. (C)

$$\begin{array}{l} 429 \text{ — } 5\% \\ x \text{ — } 100\% \end{array}$$

(V) I

$$x = 429 \cdot 20$$

$$x = 8.540$$

(V) II

Como a 3ª coluna é o percentual da primeira coluna em relação ao total, elas são grandezas diretamente proporcionais.

(F) III

Como a variação é de 50%, o  $Ve_{2007} = Ve_{2006} \cdot 1,5$ , portanto

$$Ve_{2006} = \frac{634}{1,5} = 422,66 \text{ milhões}$$


---

**33. (E)**

$$3d^2 + 6.D^2 = 3.(\sqrt{3})^2 + 6.2^2 = 12 + 18 = 30$$

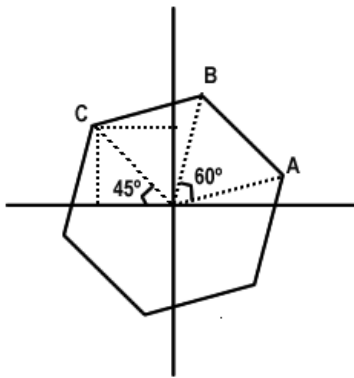

---

**34. (D)**

$$x = 0,949494... = \frac{94}{99} \qquad y = 0,060606... = \frac{6}{99} \qquad x + y = \frac{94}{99} + \frac{6}{99} + \frac{100}{99}$$


---

**35. (B)**



$$R = \sqrt{2}$$

$$\alpha = 15^\circ$$

$$Z = |Z| \cdot (\cos \alpha + \sin \alpha \cdot i)$$

$$Z = \sqrt{2} \cdot (\cos 15^\circ + \sin 15^\circ \cdot i)$$

$$Z = \sqrt{2} \cdot \left( \cos \frac{\pi}{12} + \sin \frac{\pi}{12} \cdot i \right)$$


---

**36. (B)**

$$\frac{35 \text{ bilhões}}{PIB} = 1,4\%$$

$$PIB \cong 2,4$$


---

**37. (A)**

$$(3, 9, 18, \dots, "a_{100} ")$$

$$(3, 3+6, 3+6+9, \dots, "a_{100} ")$$

Nesta seqüência, o " $a_{100}$ " é obtido pela soma dos 100 primeiros termos da P.A.

$$(3, 6, 9, 12, \dots). \text{ Assim, } S_{100} = \frac{a_1 + a_{100}}{2} * 100, \text{ onde } a_{100} \text{ não é o } "a_{100}" \text{ da seqüência}$$

original.

$$S_{100} = \frac{3 + 300}{2} * 100 = 15150$$


---

**38. (E)**

$$a_1 = a^{-2}$$

$$a_4 = a^0 = 1$$

$$a_4 = a_1 \cdot q^3$$

$$1 = a^{-2} \cdot q^3$$

$$q^3 = \frac{1}{a^{-2}}$$

$$q^3 = a^2$$

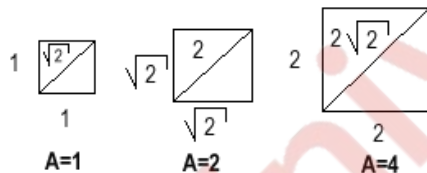
$$q = \sqrt[3]{a^2} = a^{2/3}$$

**39. (A)**

$$(0,01)^x = 50 \rightarrow \left(\frac{1}{100}\right)^x = 50$$

$$x = \log_{\frac{1}{100}} 50 = \frac{\log 50}{\log \frac{1}{100}} = \frac{\log \frac{100}{2}}{\log 1 - \log 100} = \frac{\log 100 - \log 2}{0 - 2} = \frac{2 - \log 2}{-2} = -1 + \frac{\log 2}{2} = -1 + \log \sqrt{2}$$

**40. (A)**



(1, 2, 4, 8, ...)

$$S_{10} = \frac{1 \cdot (2^{10} - 1)}{2 - 1} = 1023$$

**41. (D)**

$$\cos x - \sin x = \frac{1}{2} \rightarrow \sin 2x = ?$$

$$(\cos x - \sin x)^2 = \left(\frac{1}{2}\right)^2$$

$$\cos^2 x - 2 \cdot \sin x \cdot \cos x + \sin^2 x = \frac{1}{4}$$

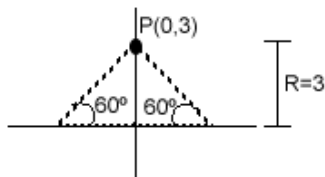
$$-2 \sin x + \cos x = \frac{1}{4} - 1$$

$$-\sin(2x) = \frac{-3}{4}$$

$$\sin(2x) = \frac{3}{4} = 0,75$$


---

**42. (B)**



$$x^2 + y^2 = 3y$$

$$0 + y^2 = 3y$$

$$y = 3$$

$$P(0,3)$$

$$a = \operatorname{tg} 60^\circ = \sqrt{3}$$

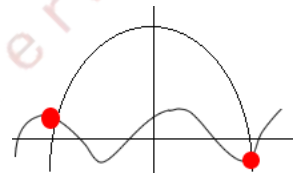
$$y = \sqrt{3}x + 3$$


---

**43. (E)**

$$d_{AB} = \sqrt{(2 - (-1))^2 + (1 - 5)^2} = l = 5$$

$$d = l\sqrt{2} \rightarrow d = 5\sqrt{2}$$



**44. (C)**

Analisando os gráficos temos duas soluções

---

**45. (D)**

Dividindo-se  $P(x)$  por  $x+1$  e o quociente meramente por  $x+1$  e assim, sucessivamente, temos  $-1$  como raiz de multiplicidade 4.

---

**46. (C)**

$$\left(\frac{h}{18}\right)^3 = \frac{1}{8}$$

$$\frac{h}{18} = \frac{1}{2}$$

$$h = 9$$

---

**47. (D)**

Existem 2 triângulos com lados  $\frac{AF}{AF} \rightarrow \triangle AFB$  e  $\triangle AFD$ , logo  $S=D$

Existem 2 triângulos com lados  $\frac{DF}{DF} \rightarrow \triangle DFA$  e  $\triangle DCF$ , logo  $C = m \neq D$

---

**48. (E)**

$$\begin{vmatrix} 1 & a \\ 3 & -1 \end{vmatrix} = 0$$

$$-1 - 3a = 0$$

$$a = \frac{-1}{3}$$

$$\begin{vmatrix} 1 & 1 \\ 3 & b \end{vmatrix} = 0$$

$$b - 3 = 0$$

$$b = 3$$

---

**49. (C)**

$$\frac{21}{28} \cdot \frac{10}{27} = \frac{10}{36} = \frac{5}{18}$$

---

**50. (E)**

AAAAA BB

$$\frac{8!}{5!3!} = \frac{8 \cdot 7 \cdot 6}{3 \cdot 2 \cdot 1} = 56$$