

1. (UFRGS/2002) Na promoção de venda de um produto cujo custo unitário é de R\$ 5,75 se lê: "Leve 3, pague 2." Usando as condições da promoção, a economia máxima que poderá ser feita na compra de 188 itens deste produto é de

- (A) R\$ 336,50.
- (B) R\$ 348,00.
- (C) R\$ 356,50.
- (D) R\$ 366,50.
- (E) R\$ 368,00.

2. (UFRGS/2002) Os $\frac{3}{50}$ de um dia correspondem a

- (A) 1 hora, 4 minutos e 4 segundos.
- (B) 1 hora, 26 minutos e 4 segundos.
- (C) 1 hora, 26 minutos e 24 segundos.
- (D) 1 hora, 40 minutos e 4 segundos.
- (E) 1 hora, 44 minutos.

3. (UFRGS/2002) Analisando a seqüência abaixo

$$9^2 = 81$$

$$99^2 = 9801$$

$$999^2 = 998001$$

$$9999^2 = 99980001$$

conclui-se que o valor de 999999^2 é

- (A) 9999800001.
- (B) 99998000001.
- (C) 99999800001.
- (D) 999998000001.
- (E) 99999980000001.

4. (UFRGS/2002) Considere as proposições abaixo.

I. 125% de $\frac{1}{5}$ é igual a $\frac{1}{4}$.

II. Se $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{2}$, então $a = b = 4$.

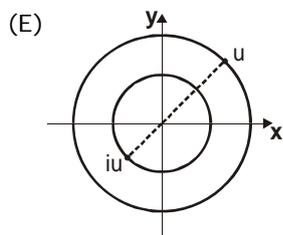
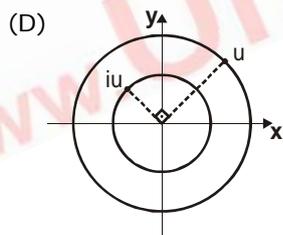
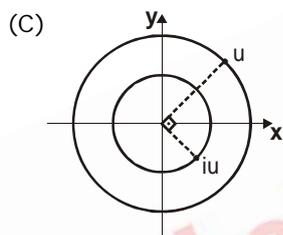
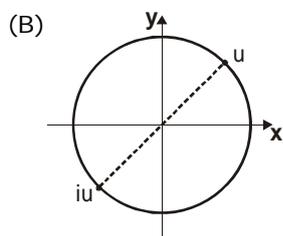
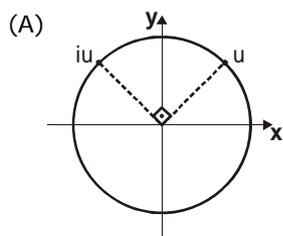
III. 20 metros por segundo correspondem a 72 quilômetros por hora.

Analisando as proposições conclui-se que

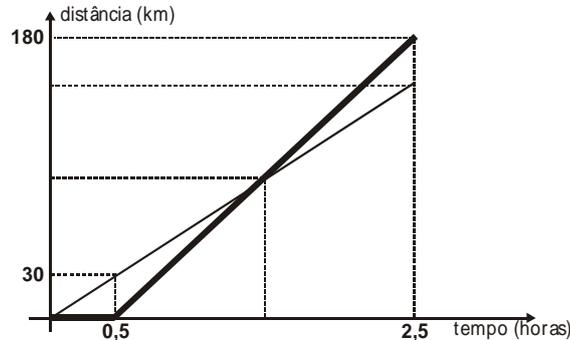
- (A) apenas I é verdadeira.

- (B) apenas I e II são verdadeiras.
- (C) apenas I e III são verdadeiras.
- (D) apenas II e III são verdadeiras.
- (E) I, II e III são verdadeiras.

5. (UFRGS/2002) Se u é um número complexo, as representações gráficas de u e iu podem ser



6. (UFRGS/2002) Dois carros partem de uma cidade, deslocando-se pela mesma estrada. O gráfico abaixo apresenta as distâncias percorridas pelos carros, em função do tempo.

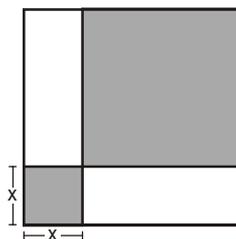


Analisando o gráfico, verifica-se que o carro que partiu primeiro foi alcançado pelo outro ao ter percorrido exatamente

- (A) 60 quilômetros.
(B) 85 quilômetros.
(C) 88 quilômetros.
(D) 90 quilômetros.
(E) 91 quilômetros.
7. (UFRGS/2002) O gráfico da função quadrática $f(x) = x^2 + px + 1$, intercepta o eixo das abscissas em dois pontos distintos, se e somente se

- (A) $p < -2$.
(B) $p < 0$.
(C) $-2 < p < 2$.
(D) $p < 0$ ou $p > 2$.
(E) $p < -2$ ou $p > 2$.

8. (UFRGS/2002) Na figura abaixo, estão representados, três quadrados. A área do quadrado maior é 25, e a soma das áreas dos quadrados hachurados é $A(x)$.



A função $A(x)$ é crescente no intervalo

- (A) $\left(0, \frac{3}{2}\right)$.
 - (B) $\left(0, \frac{5}{2}\right)$.
 - (C) $\left(\frac{5}{2}, +\infty\right)$.
 - (D) $\left(\frac{3}{2}, 5\right)$.
 - (E) $\left(\frac{5}{2}, 5\right)$.
-

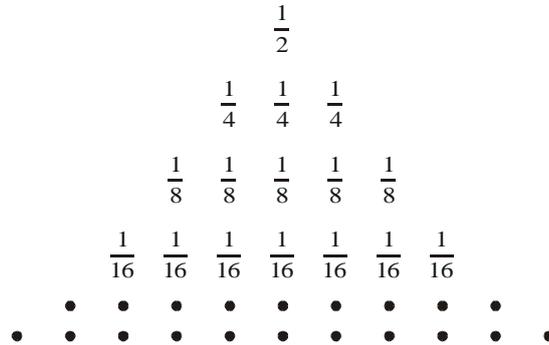
9. (UFRGS/2002) Se n é um número natural ímpar, o número de elementos da seqüência

$$1, \underbrace{2, 2, 3, 3}_{n \text{ vezes}}, 3, 4, 4, 4, 4, \dots, n, n, \dots, n$$

que são números pares é

- (A) $\frac{n^2 - 1}{4}$
 - (B) $\frac{n^2 - 1}{2}$
 - (C) $\frac{n \cdot (n+1)}{4}$
 - (D) $\frac{n \cdot (n+1)}{2}$
 - (E) $\frac{(n+1)^2}{4}$
-

10. (UFRGS/2002) A disposição de números abaixo representa infinitas progressões.



Considere as afirmações referentes à disposição dada.

- I. A décima linha é formada por 19 elementos.
- II. Chamando-se de a_1 o primeiro elemento de uma coluna qualquer, a soma dos termos desta coluna é $2a_1$.
- III. A soma dos infinitos elementos da disposição é 3.

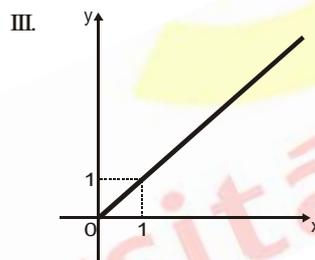
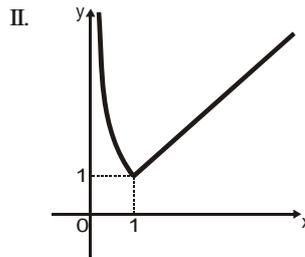
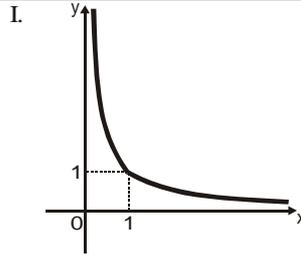
Quais são verdadeiras?

- (A) Apenas I.
- (B) Apenas I e II.
- (C) Apenas I e III.
- (D) Apenas II e III.
- (E) I, II e III.

11. (UFRGS/2002) Esboçando os gráficos das funções definidas por $f(x) = 5^x$ e $g(x) = 2 + x - x^2$ num mesmo plano cartesiano, verifica-se que todas as raízes da equação $f(x) = g(x)$ pertencem ao intervalo

- (A) $(-2, -1)$.
- (B) $(-1, 0)$.
- (C) $(-1, 1)$.
- (D) $(0, 1)$.
- (E) $(0, 2)$.

12. (UFRGS/2002) Considere as funções definidas por $f(x) = 10^{\log x}$, $g(x) = 10^{-\log x}$, $h(x) = 10^{|\log x|}$ e os gráficos I, II e III, abaixo.



A alternativa que associa corretamente cada função a seu gráfico é

- (A) $f - I$; $g - I$; $h - I$.
- (B) $f - I$; $g - III$; $h - II$.
- (C) $f - II$; $g - I$; $h - III$.
- (D) $f - III$; $g - I$; $h - II$.
- (E) $f - III$; $g - II$; $h - I$.

13. (UFRGS/2002) A equação $x^3 + 5x^2 - 2 = 0$ possui

- (A) somente uma raiz positiva.
- (B) exatamente duas raízes positivas.
- (C) três raízes positivas.
- (D) nenhuma raiz positiva.
- (E) nenhuma raiz real.

14. (UFRGS/2002) Se a é uma raiz do polinômio $p(x)$ e b é uma raiz do polinômio $q(x)$, então

- (A) $p(b) / q(a) = 1$.
- (B) $p(a) \cdot q(b) = 1$.
- (C) $p(a) + q(b) = 1$.

- (D) $p(b) \cdot q(a) = 0$.
(E) $p(a) + q(b) = 0$.

15. (UFRGS/2002) Se $\tan \theta = 3$ e $0 < \theta < 90^\circ$, então o valor de $\cos \theta$ é

- (A) $\frac{1}{10}$.
(B) $\frac{\sqrt{3}}{10}$.
(C) $\frac{3}{10}$.
(D) $\frac{\sqrt{10}}{10}$.
(E) 1.

16. (UFRGS/2002) Considere as desigualdades abaixo sobre arcos medidos em radianos.

- I. $\sin 1 < 0$.
II. $\cos 2 < 0$.
III. $\tan 1 < \tan 2$.

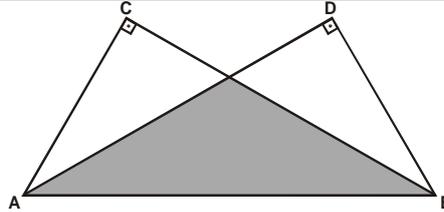
Quais são verdadeiras?

- (A) Apenas I.
(B) Apenas II.
(C) Apenas III.
(D) Apenas I e III.
(E) Apenas II e III.

17. (UFRGS/2002) A medida do lado de um pentágono regular inscrito num círculo de raio igual a 1 é

- (A) $2 \sin \frac{\pi}{5}$.
(B) $2 \cos \frac{\pi}{5}$.
(C) $\sqrt{2} \cos \frac{2\pi}{5}$.
(D) $\sqrt{2} \sin \frac{2\pi}{5}$.
(E) $\cos \frac{2\pi}{5}$.

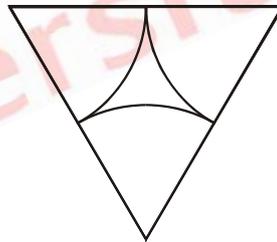
18. (UFRGS/2002) Os triângulos ABC e ABD abaixo são congruentes, e seus ângulos medem 30° , 60° e 90° . As hipotenusas desses triângulos medem 8 cm.



A área hachurada comum aos dois triângulos é

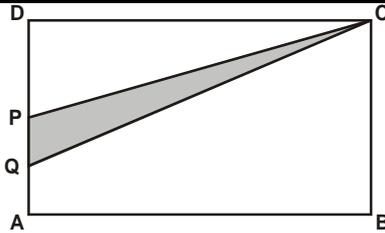
- (A) $\frac{1}{3}\sqrt{3}$ cm².
- (B) $\frac{2}{3}\sqrt{3}$ cm².
- (C) $\frac{4}{3}\sqrt{3}$ cm².
- (D) $\frac{8}{3}\sqrt{3}$ cm².
- (E) $\frac{16}{3}\sqrt{3}$ cm².

19. (UFRGS/2002) Três arcos de círculo são construídos de maneira que seus centros estão nos vértices de um triângulo equilátero de lado 10 cm e interseccionam o triângulo nos pontos médios dos lados, como indicado na figura abaixo.



A soma das medidas dos comprimentos dos arcos é

- (A) π cm.
 - (B) 5 cm.
 - (C) $10/3 \pi$ cm.
 - (D) 5π cm.
 - (E) 10π cm.
20. (UFRGS/2002) O retângulo ABCD do desenho abaixo tem área de 28 cm². P é o ponto médio do lado AD e Q é o ponto médio do segmento AP.



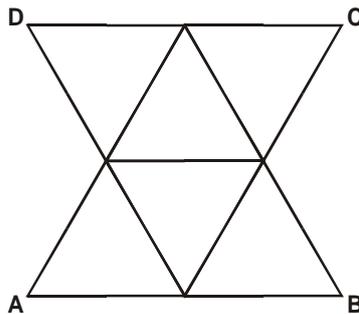
A área do triângulo QCP é de

- (A) $3,25 \text{ cm}^2$.
- (B) $3,5 \text{ cm}^2$.
- (C) $3,75 \text{ cm}^2$.
- (D) 4 cm^2 .
- (E) $4,25 \text{ cm}^2$.

21. (UFRGS/2002) Um sólido é totalmente mer-gulhado em um cilindro contendo água, causando a elevação do nível da água em $1,5 \text{ cm}$. Se o raio da base do cilindro mede 5 cm , o volume do sólido é de

- (A) $6,5\pi \text{ cm}^3$.
- (B) $10\pi \text{ cm}^3$.
- (C) $15\pi \text{ cm}^3$.
- (D) $25\pi \text{ cm}^3$.
- (E) $37,5\pi \text{ cm}^3$.

22. (UFRGS/2002) O desenho abaixo representa a planificação de um sólido que pode ser obtido ligando-se os pontos A, B, C e D. Os triângulos menores do desenho são equiláteros de lado $\sqrt{2} \text{ cm}$.

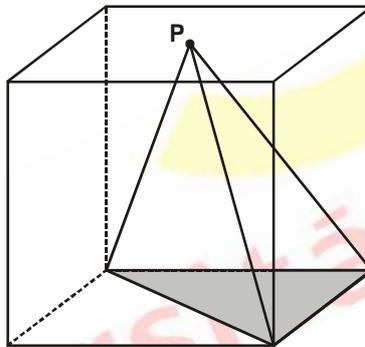


O volume do sólido é de

- (A) $\frac{1}{3} \text{ cm}^3$.

- (B) $\frac{2}{3} \text{ cm}^3$.
- (C) 1 cm^3 .
- (D) $\frac{4}{3} \text{ cm}^3$.
- (E) $\frac{5}{3} \text{ cm}^3$.

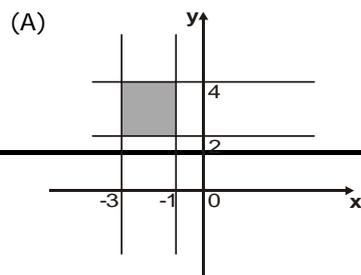
23. (UFRGS/2002) Na figura abaixo, P é o centro da face superior de um cubo. A pirâmide de base hachurada tem um de seus vértices em P.

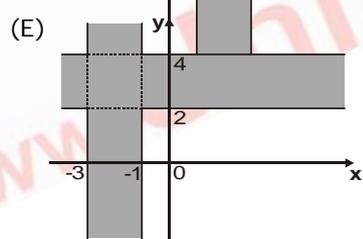
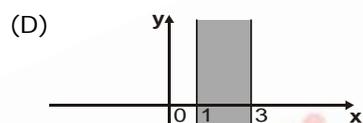
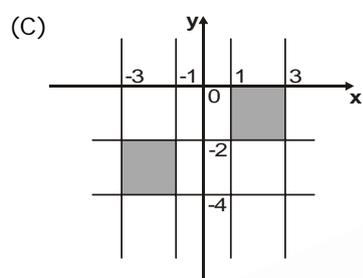
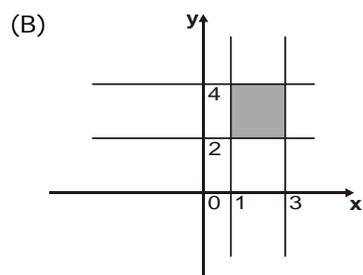


Se o volume da pirâmide é 1, então o volume do cubo é

- (A) 2.
- (B) 3.
- (C) 4.
- (D) 6.
- (E) 8.

24. (UFRGS/2002) O lugar geométrico dos pontos do plano cartesiano que satisfazem simultaneamente as inequações $|x + 2| \leq 1$ e $|y - 3| \leq 1$ é a região hachurada do gráfico





25. (UFRGS/2002) As retas P, Q, R, S e T têm, respectivamente, equações $y = x$, $y = 2x$, $y = 2x + 1$, $y = 3x$ e $y = 3x + 2$. Dentre as opções abaixo, aquela na qual as retas determinam um triângulo é

- (A) P, Q e R.
- (B) P, Q e S.
- (C) P, Q e T.
- (D) Q, R e S.
- (E) Q, R e T.

26. (UFRGS/2002) O sistema de equações
$$\begin{cases} ax + 2y = 4 \\ 3x + 6y = 12 \end{cases}$$

- (A) é indeterminado, quando $a = 3$.
 - (B) não tem solução, quando $a = 3$.
 - (C) tem solução, qualquer que seja o valor de a .
 - (D) tem uma única solução, quando $a = 1$.
 - (E) não tem solução, quando $a = 1$.
-

27. (UFRGS/2002) Na igualdade matricial
$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ x & 1 & 0 \\ y & x & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \\ 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$
, o valor de $x + y$ é

- (A) -2.
 - (B) -1.
 - (C) 0.
 - (D) 1.
 - (E) 2.
-

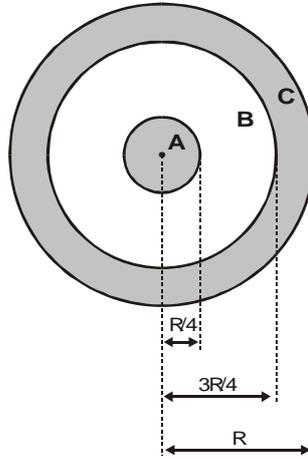
28. (UFRGS/2002) Um professor organizou uma lista com 4 questões de Geometria e 6 de Álgebra, da qual indicou um conjunto diferente de 7 questões para cada um de seus alunos resolver. O número de alunos que recebeu todas as questões de Geometria para resolver é, no máximo, de

- (A) 15.
- (B) 20.
- (C) 35.
- (D) 42.
- (E) 120.

29. (UFRGS/2002) Inteiramente ao acaso, 14 alunos dividiram-se em 3 grupos de estudos. O primeiro, para estudar Matemática, o segundo, Física, e o terceiro, Química. Se em cada um dos grupos há pelo menos 4 alunos, a probabilidade de haver exatamente 5 alunos no grupo que estuda Matemática é de

- (A) $1/3$.
 - (B) $2/3$.
 - (C) $3/4$.
 - (D) $5/6$.
 - (E) 1.
-

30. (UFRGS/2002) Um disco de raio R foi subdividido em três regiões, A, B e C, como indicado na figura abaixo.



De fora do disco, é lançada uma bola sobre o mesmo, inteiramente ao acaso, até parar na região A ou C. Se a bola parar na região B, repete-se o lançamento. A probabilidade de a bola parar na região A até o terceiro lançamento está entre

- (A) 5% e 10%.
- (B) 10% e 15%.
- (C) 15% e 20%.
- (D) 20% e 25%.
- (E) 25% e 30%.